# MUSTERKLAUSUR > 24.06.2023 | INF-23.01 | TMG | Rawe Franko

# Aufgabe 1 (40 Punkte)

- a) Geben Sie die Fibonacci-Zahlenreihe bis einschließlich zur Zahl 377 an.
- b) Bilden Sie die Verhältnisse jeweils zweier aufeinander folgenden Zahlen der Fibonacci-Zahlenreihe, bis sich die Ergebnisse, die auf 3 Nachkommastellen gerundet werden sollen, nicht mehr ändern.

$$\frac{1}{1} = 1; \frac{2}{1} = 2; \frac{3}{2} = 1,5; ...$$

- c) Wie verhalten sich die Zahlen jeweils zum goldenen Schnitt?
- d) Nennen Sie die exakte Formel des goldenen Schnitts.

$$\varphi = \dots$$

e) Setzen Sie die Quadrate mit 2 weiteren Quadraten fort. Zeichnen Sie die goldene Spirale ein. (Saubere Zeichnung auf dem karierten Papier.)



- f) In welchen Bereichen ist der Goldene Schnitt anzutreffen?
- g) Berechnen Sie den Goldenen Winkel.

#### Lösen Sie h) oder i)!

- h) Stellen Sie die Konstruktion des goldenen Schnitts da. Berechnen Sie ihn anhand der Zeichnung exakt. (Für die allerletzte Rechnung genügen gerundete Werte.)
- i) Zeichnen Sie die Schnecke des Pythagoras. Berechnen Sie die ersten Seitenmaße exakt. (Geben Sie insgesamt mindestens 7 Seitenmaße an.)

## Aufgabe 2 (40 Punkte)

a) Geben Sie die Binomischen Formeln an.

Berechnen Sie anhand der binomischen Formeln.

b) 
$$(3x-4)^2$$

c) 
$$(2a-3)(3+2a)$$

d) 
$$(b^3 - 4x^2)^2$$

Faktorisieren Sie und ergänzen Sie die Lücken.

e) 
$$a^2 + 4ab + 4b^2 =$$

f) 
$$9a^2 - 49b^2 =$$

g) 
$$x^2 + 16y^6 =$$

h) 
$$25x^2 - 16y =$$

## Aufgabe 3 (20 Punkte)

Berechnen Sie mit Hilfe des Pascalschen Dreiecks und vereinfachen Sie soweit wie möglich.

a) 
$$(7 + 2x)^4 =$$

b) 
$$(5-x)^5 =$$